

Transpositionelle Gradation

1. Bense hatte die „vollständige triadische Relation über Relationen“ als gestuftes Zeichenmodell wie folgt eingeführt:

ZR (M, O, I) =	nebenbörnig
ZR (M, M=>O, M=>O.=>I) =	nebenbörnig meb euA
ZR (mon. Rel., dyad. Rel., triad. Rel.) =	mon. Rel. dyad. Rel. triad. Rel.
ZR (.1. .2. .3.) =	.1. .2. .3.
ZR 1.1 1.2 1.3, 1.1 1.2 1.3, 1.1 1.2 1.3	1.1 1.2 1.3 2.1 2.2 2.3 3.1 3.2 3.3

und bemerkte dazu: „Mit dieser Notation wird endgültig deutlich, daß Repräsentation auf Semiotizität und Semiotizität auf Gradation der Relationalität beruht“ (1979, S. 53).

2. Im Anschluß an Toth (2025) spielen wir für

$$Z = (1, ((1 \rightarrow 2), (1 \rightarrow 2 \rightarrow 3)))$$

eine Rotation im Gegenuhrzeigersinn mit doppelter Reflexion durch und bestimmen die Heteromorphismen.

2.1. Basisposition

1 2 3	3 2 1	ξ :	$(1 \leftarrow 2)$		$(3 \leftarrow 2)$
1 2 \emptyset	\emptyset 2 1	ξ :	$(1 \leftarrow 2)$		$(\emptyset \leftarrow 2)$
1 \emptyset \emptyset	\emptyset \emptyset 1	ξ :	$(1 \leftarrow \emptyset)$		$(\emptyset \leftarrow \emptyset)$

1 \emptyset \emptyset	\emptyset \emptyset 1	ξ :	$(1 \leftarrow \emptyset)$		$(\emptyset \leftarrow \emptyset)$
1 2 \emptyset	\emptyset 2 1	ξ :	$(1 \leftarrow 2)$		$(\emptyset \leftarrow 2)$
1 2 3	3 2 1	ξ :	$(1 \leftarrow 2)$		$(3 \leftarrow 2)$

2.2. $\leftarrow 90^\circ$

3 \emptyset \emptyset	\emptyset \emptyset 3	ξ :	$(3 \leftarrow \emptyset)$		$(\emptyset \leftarrow \emptyset)$
2 2 \emptyset	\emptyset 2 2	ξ :	$(2 \leftarrow 2)$		$(\emptyset \leftarrow 2)$
1 1 1	1 1 1	ξ :	$(1 \leftarrow 1)$		$(1 \leftarrow 1)$

1	1	1		1	1	1	$\xi:$	$(1 \leftarrow 1)$		$(1 \leftarrow 1)$
2	2	\emptyset		\emptyset	2	2	$\xi:$	$(2 \leftarrow 2)$		$(\emptyset \leftarrow 2)$
3	\emptyset	\emptyset		\emptyset	\emptyset	3	$\xi:$	$(3 \leftarrow \emptyset)$		$(\emptyset \leftarrow \emptyset)$

2.3. $\leftarrow\leftarrow 90^\circ$

\emptyset	\emptyset	1		1	\emptyset	\emptyset	$\xi:$	$(\emptyset \leftarrow \emptyset)$		$(1 \leftarrow \emptyset)$
\emptyset	2	1		1	2	\emptyset	$\xi:$	$(\emptyset \leftarrow 2)$		$(1 \leftarrow 2)$
3	2	1		1	2	3	$\xi:$	$(3 \leftarrow 2)$		$(1 \leftarrow 2)$

3	2	1		1	2	3	$\xi:$	$(3 \leftarrow 2)$		$(1 \leftarrow 2)$
\emptyset	2	1		1	2	\emptyset	$\xi:$	$(\emptyset \leftarrow 2)$		$(1 \leftarrow 2)$
\emptyset	\emptyset	1		1	\emptyset	\emptyset	$\xi:$	$(\emptyset \leftarrow \emptyset)$		$(1 \leftarrow \emptyset)$

2.4. $\leftarrow\leftarrow\leftarrow 90^\circ$

1	1	1		1	1	1	$\xi:$	$(1 \leftarrow 1)$		$(1 \leftarrow 1)$
\emptyset	2	2		2	2	\emptyset	$\xi:$	$(\emptyset \leftarrow 2)$		$(2 \leftarrow 2)$
\emptyset	\emptyset	3		3	\emptyset	\emptyset	$\xi:$	$(\emptyset \leftarrow \emptyset)$		$(3 \leftarrow \emptyset)$

\emptyset	\emptyset	3		3	\emptyset	\emptyset	$\xi:$	$(\emptyset \leftarrow \emptyset)$		$(3 \leftarrow \emptyset)$
\emptyset	2	2		2	2	\emptyset	$\xi:$	$(\emptyset \leftarrow 2)$		$(2 \leftarrow 2)$
1	1	1		1	1	1	$\xi:$	$(1 \leftarrow 1)$		$(1 \leftarrow 1)$

Literatur

Bense, Max, Die Unwahrscheinlichkeit des Ästhetischen. Baden-Baden 1979

Toth, Alfred, Gradation im Zeichenraum. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025

18.5.2025